



Zahl 10

Grundwissen

Binomische Formeln (Jgst. 7)

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad (1. \text{ binomische Formel})$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2 \quad (2. \text{ binomische Formel})$$

$$(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2 \quad (3. \text{ binomische Formel})$$



$$(a + b)^2 \neq a^2 + b^2$$

$$(a - b)^2 \neq a^2 - b^2$$

Übungsaufgaben

1. Verwandle in eine Summe bzw. Differenz.

a) $(x + y)^2$

b) $(5 + y)^2$

c) $(3x + 5)^2$

d) $(u - v)^2$

e) $\left(\frac{1}{3}z - 1\right)^2$

f) $\left(\frac{3}{5}a - \frac{5}{6}b\right)^2$

g) $(8v + w) \cdot (8v - w)$

h) $\left(\frac{1}{2} - z\right) \cdot \left(z + \frac{1}{2}\right)$

i) $(9c^2 - d) \cdot (9c^2 + d)$

2. Ergänze die Platzhalter so, dass der entstehende Term als Quadrat einer Summe oder Differenz bzw. als Produkt einer Summe und Differenz geschrieben werden kann.

a) $x^2 - \underline{\quad} + a^2 =$ b) $\underline{\quad} - 12r + r^2 =$ c) $i^2 + 25 + \underline{\quad} =$

d) $(4n^2 - \underline{\quad}) \cdot (\underline{\quad} + \underline{\quad}) = \underline{\quad} - \frac{1}{16}m^2$ e) $64n^2 + \underline{\quad} + 9c^2 =$

3. Begründe, welche Terme zueinander äquivalent sind.

$x^2 - 10x + 25$

$9 - 4x^2$

$(1 - 2x)^2$

$(3 - 2x)(-2x + 3)$

$(3 + 4x)^2$

$(x - 5)^2$

$1 - 4x + 4x^2$

$16x^2 + 24x + 9$

$4 - 9x^2$

$(2 - 3x)(2 + 3x)$

$(1 - 2x)(2x + 1)$

$(5 - x)^2$

$1 - 4x^2$

Lösungen:

1.	a) $x^2 + 2xy + y^2$	b) $25 + 10y + y^2$	c) $9x^2 + 30x + 25$	g) $64v^2 - w^2$	h) $\frac{1}{1} - z^2$	i) $81c^4 - d^2$	2.	a) $x^2 - 2xa + a^2 = (x - a)^2$	b) $36 - 12r + r^2 = (6 - r)^2$	c) $i^2 + 25 + 10i = (i + 5)^2$	d) $4n^2 - \frac{1}{1}m \cdot (4n^2 + \frac{4}{1}m) = 16n^4 - \frac{16}{1}m^2$	e) $64n^2 + 48nc + 9c^2 = (8n + 3c)^2$	f) $\frac{25}{9}a^2 - ab + \frac{36}{25}b^2$	3.	$x^2 - 10x + 25 = (x - 5)^2 = (5 - x)^2$	$1 - 4x + 4x^2 = (1 - 2x)^2$	$16x^2 + 24x + 9 = (3 + 4x)^2$	$(1 - 2x) \cdot (2x + 1) = 1 - 4x^2$	$(2 - 3x) \cdot (2 + 3x) = 4 - 9x^2$
----	----------------------	---------------------	----------------------	------------------	------------------------	------------------	----	----------------------------------	---------------------------------	---------------------------------	--	--	--	----	--	------------------------------	--------------------------------	--------------------------------------	--------------------------------------